

513F

کد کنترل

513

F

## آزمون (نیمه‌مترگز) ورود به دوره‌های دکتری - سال ۱۴۰۲

دفترچه شماره (۱)

صبح پنج‌شنبه

۱۴۰۱/۱۲/۱۱



جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»  
امام خمینی (ره)

### مهندسی هوا فضا - سازه‌های هوایی (کد ۲۳۳۳)

زمان پاسخ‌گویی: ۱۳۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: - ریاضیات مهندسی - روش اجزای محدود ۱ - تحلیل پیشرفته سازه‌های هوافضایی	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با منتهین برابر مقررات رفتار می‌شود.

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول زیر، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی جلد دفترچه سؤالات و پایین پاسخنامه ام را تأیید می‌نمایم.

امضا:

مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی - روش اجزای محدود ۱ - تحلیل پیشرفته سازه‌های هوافضایی):

۱- تابع  $f(x, y, t) = \frac{1}{t} e^{-\frac{x^2+y^2}{4t}}$  پاسخ کدام یک از معادلات دیفرانسیل با مشتقات جزئی (نسبی) زیر است؟

$$\frac{\partial f}{\partial t} = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} \quad (1)$$

$$\frac{\partial f}{\partial t} = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} - \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} \quad (2)$$

$$\frac{\partial f}{\partial t} = \frac{\partial f}{\partial x} + \frac{\partial f}{\partial y} \quad (3)$$

$$\frac{\partial^2 f}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} \quad (4)$$

۲- جواب عمومی معادله  $x \frac{\partial z}{\partial x} + z \frac{\partial z}{\partial y} = y$  کدام است؟

$$y + z = f(xy^2 - xz^2) \quad (1)$$

$$y + z = xf(y^2 - z^2) \quad (2)$$

$$y - z = f(xz^2 - xy^2) \quad (3)$$

$$y - z = xf(z^2 - y^2) \quad (4)$$

۳- معادله  $u_{xx} - u_{yy} = 0$  با کدام تغییر متغیرهای زیر به معادله  $u_{rs} = 0$  تبدیل می‌شود؟

$$\begin{cases} r = y + x \\ s = y - 2x \end{cases} \quad (1)$$

$$\begin{cases} r = y - x \\ s = y + 2x \end{cases} \quad (2)$$

$$\begin{cases} r = y + 2x \\ s = y - 2x \end{cases} \quad (3)$$

$$\begin{cases} r = y + x \\ s = y - x \end{cases} \quad (4)$$

۴- اگر انتگرال فوریه تابع  $f(x) = \begin{cases} 1 & |x| < 1 \\ 0 & |x| > 1 \end{cases}$  به صورت  $f(x) = \frac{2}{\pi} \int_0^{\infty} \frac{1}{w} \sin w \cos wx \, dw$  باشد، حاصل

$$I = \int_0^{\infty} \frac{1}{w} \sin w \cos w \, dw$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (1)$$

$$\frac{2}{\pi} \quad (2)$$

$$\frac{4}{\pi} \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{4} \quad (4)$$

۵- تبدیل فوریه کسینوسی  $e^{-2x}$  برابر کدام است؟

$$\sqrt{\frac{2}{\pi}} \frac{1}{w^2 - 4} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{2}{\pi}} \frac{1}{w^2 + 4} \quad (4)$$

$$\sqrt{\frac{2}{\pi}} \frac{1}{w^2 + 4} \quad (1)$$

$$\sqrt{\frac{2}{\pi}} \frac{1}{w^2 - 4} \quad (3)$$

۶- فرض کنید  $f(z)$  تابعی تحلیلی با قسمت حقیقی  $\cos 2xy$  باشد،  $e^{x^2 - y^2}$  آنگاه  $f'(1)$  کدام است؟

$$-e \quad (2)$$

$$e \quad (4)$$

$$2e \quad (1)$$

$$-2e \quad (3)$$

۷- انتگرال تابع  $f(z) = z^{-3} \cosh z$  در جهت پاد ساعتگرد (مخالف حرکت عقربه‌های ساعت) روی دایره واحد برابر

کدام است؟

$$2\pi i \quad (2)$$

$$\pi i \quad (4)$$

$$4\pi i \quad (1)$$

$$\text{صفر} \quad (3)$$

۸- پاسخ معادله  $\cos z = 3$  کدام است؟

$$z = \pi n \pm i \ln(3 \pm 2\sqrt{2}), \quad n \in \mathbb{Z} \quad (2)$$

$$z = 2\pi n \pm i \ln\left(\frac{3 \pm \sqrt{5}}{2}\right), \quad n \in \mathbb{Z} \quad (1)$$

$$z = \pi n \pm i \ln\left(\frac{3 \pm \sqrt{5}}{2}\right), \quad n \in \mathbb{Z} \quad (4)$$

$$z = 2\pi n \pm i \ln(3 \pm 2\sqrt{2}), \quad n \in \mathbb{Z} \quad (3)$$

۹- ضریب  $z$  در بسط به سری لوران کسر  $\frac{1}{z^2 \sinh z}$  حول مبدأ کدام است؟

$$\frac{7}{360} \quad (2)$$

$$\frac{7}{240} \quad (4)$$

$$-\frac{7}{360} \quad (1)$$

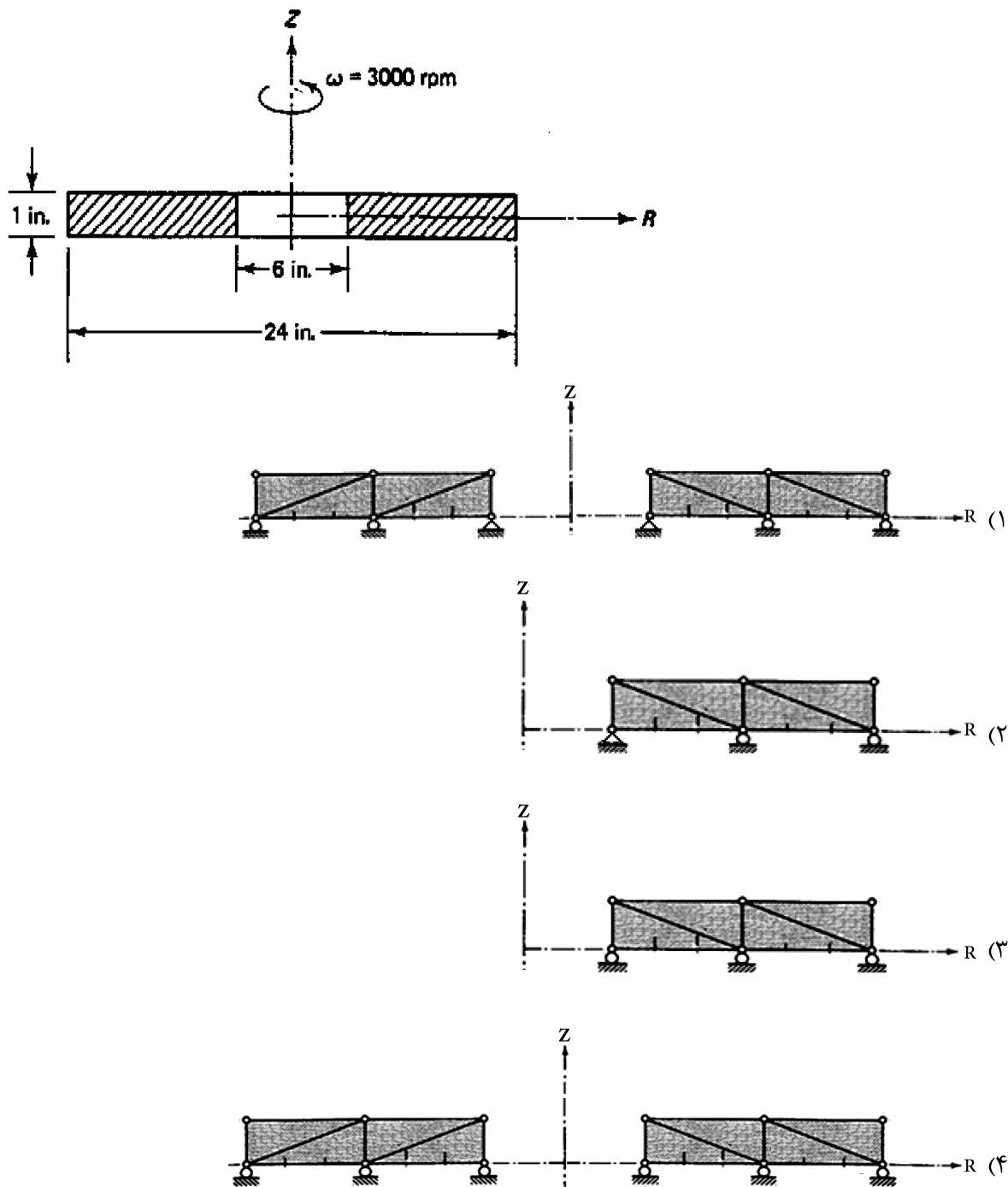
$$-\frac{7}{240} \quad (3)$$

۱۰- تبدیل  $f(x) = \frac{i}{z}$  دایره  $|z-1|=1$  را به کدام شکل تبدیل می‌کند؟

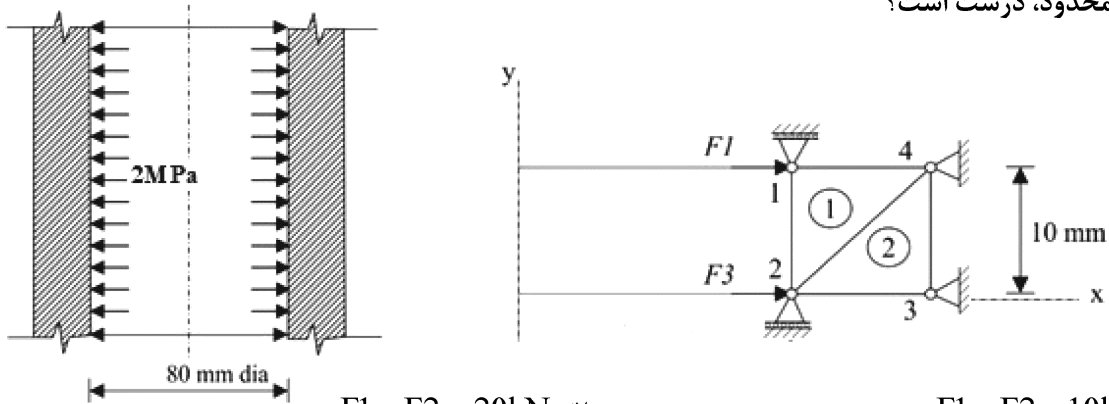
(۱) خط موازی محور حقیقی در صفحه مختلط  
(۲) دایره‌ای به مرکز  $\frac{-i}{2}$  و شعاع  $\frac{1}{2}$

(۳) خط موازی محور موهومی در صفحه مختلط  
(۴) دایره‌ای به مرکز  $\frac{i}{2}$  و شعاع  $\frac{1}{2}$

۱۱- دیسک دوار شکل زیر را در نظر بگیرید. برای حل اجزای محدود آن، کدام مدل به جواب درست منجر می‌شود؟



۱۲- لوله انتقال سیالی که تحت فشار در خاک دفن شده است را در نظر بگیرید. کدام مدل مقادیر  $F_1$  و  $F_2$  برای اجزای محدود، درست است؟



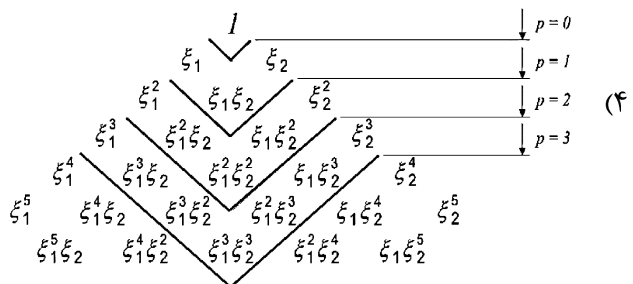
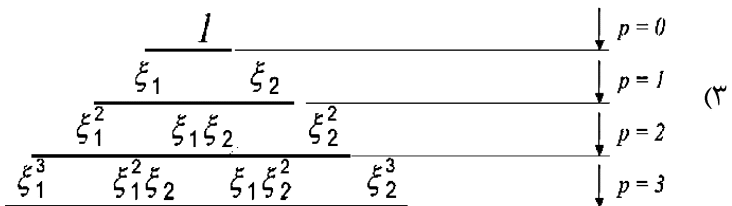
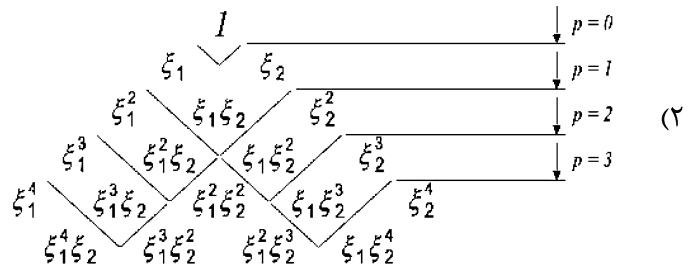
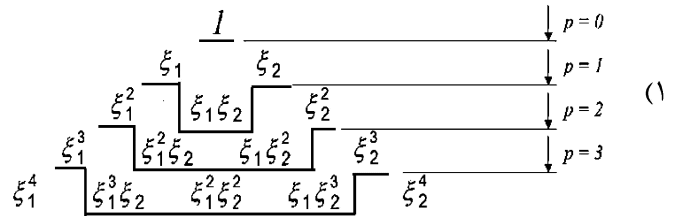
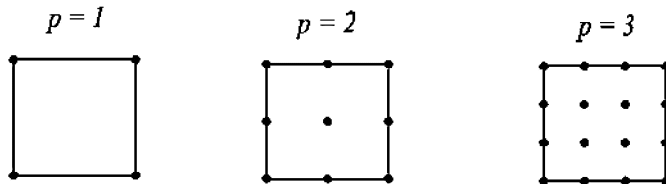
$F_1 = F_2 = 20\text{kN}$  (۲)

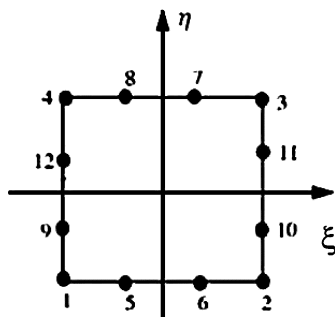
$F_1 = F_2 = 10\text{kN}$  (۱)

$F_1 = F_2 = 10\pi\text{kN}$  (۴)

$F_1 = F_2 = 20\pi\text{kN}$  (۳)

۱۳- برای المان‌های زیر، چند جمله‌ای کامل میان‌یاب در مثلث خیام-پاسکال کدام است؟





۱۴- برای المان سرنديپيتي زير، کدام مقدار درست است؟

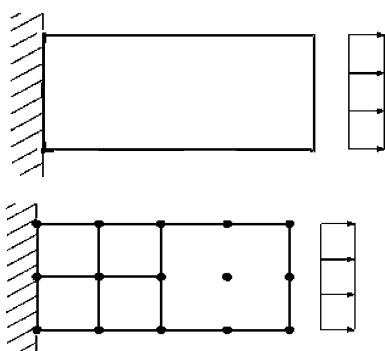
$$N_\xi = \frac{27}{32}(1-\xi^2)\left(\frac{1}{3}-\xi\right)(1-\eta) \quad (1)$$

$$N_\xi = \frac{32}{27}(1-\xi^2)\left(\frac{1}{2}-\xi\right)(1-\eta) \quad (2)$$

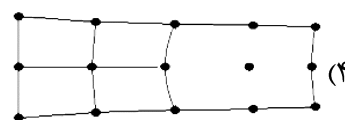
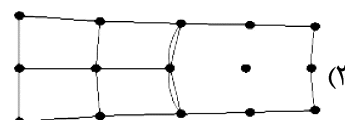
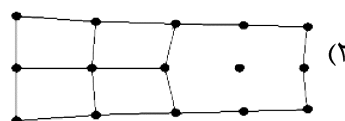
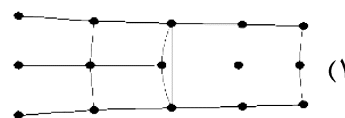
$$N_\xi = \frac{27}{32}(1-\xi^2)\left(\frac{1}{3}+\xi\right)(1-\eta) \quad (3)$$

$$N_\xi = \frac{32}{27}(1-\xi^2)\left(\frac{1}{2}+\xi\right)(1-\eta) \quad (4)$$

۱۵- برای مدل‌سازی تیر تحت بار انتهایی زیر از مش‌بندی نشان داده شده، استفاده شده است. در این صورت کدام مورد



برای تغییر مکان تیر درست است؟



۱۶- برای محاسبه مشتقات توابع شکل کدام رابطه درست است؟

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial N_1}{\partial \xi} \\ \frac{\partial N_1}{\partial \eta} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial x}{\partial \xi} & \frac{\partial y}{\partial \xi} \\ \frac{\partial x}{\partial \eta} & \frac{\partial y}{\partial \eta} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{\partial N_1}{\partial x} \\ \frac{\partial N_1}{\partial y} \end{bmatrix} \quad (2)$$

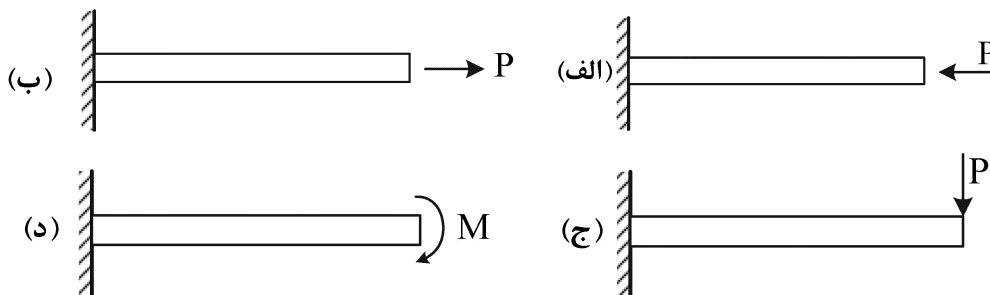
$$\begin{bmatrix} \frac{\partial N_1}{\partial x} \\ \frac{\partial N_1}{\partial y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial \xi}{\partial x} & \frac{\partial \eta}{\partial x} \\ \frac{\partial \xi}{\partial y} & \frac{\partial \eta}{\partial y} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{\partial N_1}{\partial \xi} \\ \frac{\partial N_1}{\partial \eta} \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial N_1}{\partial x} \\ \frac{\partial N_1}{\partial y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial \xi}{\partial x} & \frac{\partial \xi}{\partial y} \\ \frac{\partial \eta}{\partial x} & \frac{\partial \eta}{\partial y} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{\partial N_1}{\partial \xi} \\ \frac{\partial N_1}{\partial \eta} \end{bmatrix} \quad (4)$$

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial N_1}{\partial \xi} \\ \frac{\partial N_1}{\partial \eta} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial \xi}{\partial x} & \frac{\partial \xi}{\partial y} \\ \frac{\partial \eta}{\partial x} & \frac{\partial \eta}{\partial y} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{\partial N_1}{\partial x} \\ \frac{\partial N_1}{\partial y} \end{bmatrix} \quad (3)$$

- ۱۷- در حل تقریبی، توابع میان‌یاب برای تقریب متغیر میدان کافی است .....  
 (۱) شرایط مرزی طبیعی را ارضا نمایند.  
 (۲) تنها از توابع پایه مناسب انتخاب شوند.  
 (۳) شرایط مرزی طبیعی و اساسی را ارضا نمایند.  
 (۴) شرایط مرزی اساسی را ارضا نمایند.
- ۱۸- فرمولاسیون اجزای محدود داده‌شده، برای محاسبه فرکانس طبیعی کدام‌یک از سازه‌های زیر، کاربرد دارد؟

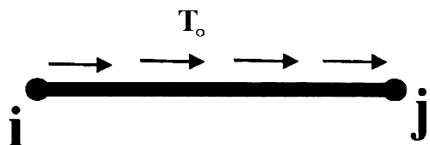
$$([k] - \omega^2 [M])[U] = [0]$$



- (۱) (الف) - (ب)  
 (۲) (ج) - (د)  
 (۳) (الف) - (ب) - (ج)  
 (۴) برای همه سازه‌های نشان داده‌شده

- ۱۹- در حل اجزای محدود مسائل ارتعاشاتی - دینامیکی در تبدیل ماتریس جرمی توزیع‌شده (Consistent mass matrix) به ماتریس جرمی متمرکز (Lump mass matrix)، از روش‌های مختلفی از جمله روش Optimal lumping، استفاده می‌شود. در این روش گاهی بعضی از ترم‌های قطر اصلی ماتریس جرمی ( $m_{ii}$ ) معادل صفر شده ( $m_{ii} = 0$ ) و گاهی هم این ترم‌ها منفی می‌شوند ( $m_{ii} < 0$ ). تأثیر این اتفاق بر روی فرکانس طبیعی محاسبه‌شده به روش FEM کدام است؟  
 (۱) به‌ازای هر  $m_{ii} = 0$  یک فرکانس طبیعی بی‌نهایت و به‌ازای هر  $m_{ii} < 0$  یک فرکانس طبیعی منفی به‌دست می‌آید.  
 (۲) به‌ازای هر  $m_{ii} = 0$  یک فرکانس طبیعی بی‌نهایت و به‌ازای هر  $m_{ii} < 0$  یک فرکانس طبیعی صفر حاصل می‌شود.  
 (۳) به‌ازای هر  $m_{ii} = 0$  یک فرکانس طبیعی صفر و به‌ازای هر  $m_{ii} < 0$  یک فرکانس طبیعی بی‌نهایت به‌دست می‌آید.  
 (۴) به‌ازای هر  $m_{ii} = 0$  یک فرکانس طبیعی صفر حاصل می‌شود و  $m_{ii} < 0$  تأثیری بر روی فرکانس طبیعی سیستم ندارد.

۲۰- ماتریس سفتی المان تیر دو گره‌ای که تحت تأثیر کشش محوری نیز قرار دارد، کدام است؟



$$K = \frac{EI}{L^3} \begin{bmatrix} \frac{AL^3}{I} & 0 & 0 & -\frac{AL^3}{I} & 0 & 0 \\ 0 & 12 & 6L & 0 & -12 & 6L \\ 0 & 0 & 4L^2 & 0 & -6L & 2L^2 \\ \text{sym.} & & & \frac{AL^3}{I} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 12 & -6L \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 4L^2 \end{bmatrix} \quad (1)$$

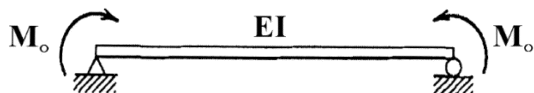
$$K = \frac{EI}{L^3} \begin{bmatrix} 12 + \frac{AL^3}{I} & 6L & -12 - \frac{AL^3}{I} & 6L \\ 0 & 4L^2 & -6L & 2L^2 \\ \text{sym.} & & 12 + \frac{AL^3}{I} & -6L \\ 0 & 0 & 0 & 4L^2 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$K = \frac{EI}{L^3} \begin{bmatrix} 12 + AL^3 & 6L - \frac{AL^3}{I} & -12 & 6L \\ 0 & 4L^2 + \frac{AL^3}{L} & -6L & 2L^2 \\ \text{sym.} & & 12 & -6L \\ 0 & 0 & 0 & 4L^2 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$K = \frac{EI}{L^3} \begin{bmatrix} \frac{AE}{L} & 0 & 0 & -\frac{AE}{L} & 0 & 0 \\ 0 & 12 & 6L & 0 & -12 & 6L \\ 0 & 0 & 4L^2 & 0 & -6L & 2L^2 \\ \text{sym.} & & & \frac{AE}{L} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 12 & -6L \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 4L^2 \end{bmatrix} \quad (4)$$



۲۱- برای محاسبه خیر تیر می‌دانیم  $EI W_{,xx} - M(x) = 0$  و B.C's:  $W(0) = W(L) = 0$  با فرض  $W(x) = c_1 \sin(\pi x/L)$  خیز وسط تیر شکل زیر کدام است؟



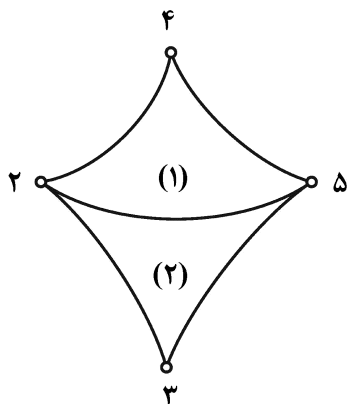
$$-\frac{4M_0L^3}{\pi^3EI} \cos \frac{\pi x}{L} \quad (1)$$

$$-\frac{8M_0L^3}{\pi^3EI} \sin \frac{\pi x}{L} \quad (2)$$

$$-\frac{4M_0L^3}{\pi^3EI} \sin \frac{\pi x}{L} \quad (3)$$

$$-\frac{8M_0L^3}{\pi^3EI} \cos \frac{\pi x}{L} \quad (4)$$

۲۲- بردار اتصال (Connectivity vector) المان شماره (۱) شکل زیر با دو درجه آزادی در هر گره در روش سفتی مستقیم کدام مورد است؟



$$\begin{Bmatrix} 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 3 \\ 4 \end{Bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{Bmatrix} 3 \\ 4 \\ 9 \\ 10 \\ 7 \\ 8 \end{Bmatrix} \quad (4)$$

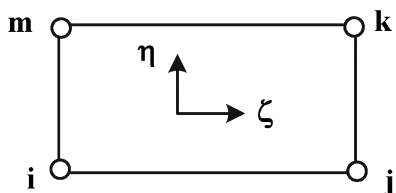
$$\begin{Bmatrix} 1 \\ 2 \\ 4 \\ 5 \\ 7 \\ 8 \end{Bmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{Bmatrix} 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \end{Bmatrix} \quad (3)$$

۲۳- برای المان مستطیلی در دستگاه مختصات طبیعی  $(\zeta, \eta)$  چهار تابع شکل بدون لحاظ ترتیب به صورت زیر داده شده‌اند. تقریب صحیح  $\phi(\zeta, \eta)$  برای نقطه دلخواهی از المان کدام مورد است؟

$$N_1 = \frac{1}{4}(1+\zeta)(1-\eta), \quad N_2 = \frac{1}{4}(1-\zeta)(1+\eta)$$

$$N_3 = \frac{1}{4}(1-\zeta)(1-\eta), \quad N_4 = \frac{1}{4}(1+\zeta)(1+\eta)$$



$$1 \geq \zeta \geq -1$$

$$1 \geq \eta \geq -1$$

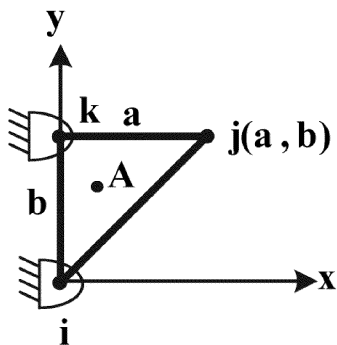
$$N_3\Phi_i + N_1\Phi_j + N_4\Phi_k + N_2\Phi_m \quad (1)$$

$$N_2\Phi_i + N_1\Phi_j + N_4\Phi_k + N_3\Phi_m \quad (2)$$

$$N_4\Phi_i + N_2\Phi_j + N_1\Phi_k + N_3\Phi_m \quad (3)$$

$$N_4\Phi_i + N_1\Phi_j + N_2\Phi_k + N_3\Phi_m \quad (4)$$

۲۴- شکل زیر یک المان مثلثی کرنش ثابت (CST) را نشان می‌دهد و ماتریس سفتی این المان به صورت زیر است. اگر تغییر مکان گره  $j$  برابر با  $u_j = v_j = 0.001a$  باشد، کرنش برشی در گره  $k$  کدام است؟



$$K = \frac{1}{2A} \begin{bmatrix} 0 & 0 & b & 0 & -b & 0 \\ 0 & -a & 0 & 0 & 0 & a \\ a & 0 & 0 & b & a & -b \end{bmatrix}$$

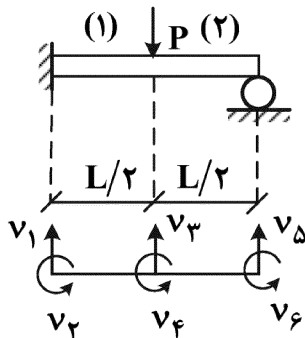
$$0.0001 \text{ rad } (2)$$

$$0.0002ab \text{ rad } (1)$$

$$0.0002 \text{ rad } (4)$$

$$0.0001ab \text{ rad } (3)$$

۲۵- برای تغییر شکل زیر پس از المان بندی اجزای محدود خیز و شیب وسط دهانه تیر به ترتیب  $-10 \text{ cm}$  و  $-0.01 \text{ rad}$  محاسبه شده‌اند. در صورتی که ماتریس سفتی المان شماره ۱ به صورت زیر برآورد شده باشد، عکس‌العمل تکیه‌گاه گیردار کدام است؟



$$K^{(1)} = \begin{bmatrix} v_1 & v_2 & v_3 & v_4 \\ 1 & 10 & -1 & 10 \\ 10 & 100 & -10 & 1 \\ -1 & -10 & 1 & -10 \\ 10 & 1 & -10 & 100 \end{bmatrix}$$

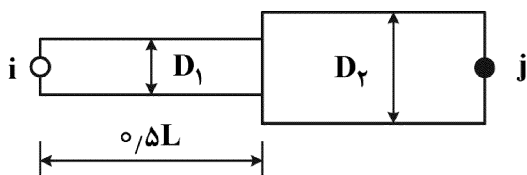
$$v = 9 \text{ N}, \mu = 99.99 \text{ N.cm } (2)$$

$$v = 9.99 \text{ N}, \mu = 99.9 \text{ N.cm } (1)$$

$$v = 9.99 \text{ N}, \mu = 99.99 \text{ N.cm } (4)$$

$$v = 9.9 \text{ N}, \mu = 99.99 \text{ N.cm } (3)$$

۲۶- برای المان دوگره‌ای پیچشی به طول  $L$  با سطح مقطع پله‌ای مطابق شکل، بار معادل گره‌های المان تحت بار گسترده (کوپل پیچشی) با شدت یکنواخت  $T_0$  کدام است؟



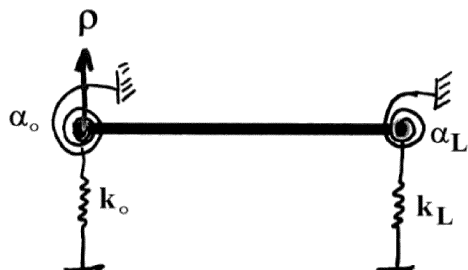
$$\left. \frac{T_0 D_2 L}{2 D_1} \right\} (1)$$

$$\left. \frac{T_0 L}{2} \right\} (2)$$

$$\left. \frac{T_0 D_1 L}{2 D_2} \right\} (3)$$

$$\left. T_0 L \right\} (4)$$

۲۷- می‌دانیم برای المان تیر ماتریس سختی به صورت زیر است. ماتریس سازه با تکیه‌گاه‌های فنر شکل زیر، کدام است؟



$$K_{Blam} = \frac{EI}{L^3} \begin{bmatrix} 12 & 6L & -12 & 6L \\ 6L^2 & -6L & 2L^2 & 0 \\ -12 & 6L & 12 & -6L \\ 6L^2 & 0 & -6L & 2L^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} w_i \\ \theta_i \\ w_j \\ \theta_j \end{bmatrix}$$

$$K = \frac{EI}{L^3} \begin{bmatrix} 12 + K_0 & 6L & -12 & 6L \\ & 4L^2 + \alpha_0 & -6L & 2L^2 \\ & -6L & 12 + K_L & -6L \\ \text{sym.} & & & 4L^2 + \alpha_L \end{bmatrix} \quad (1)$$

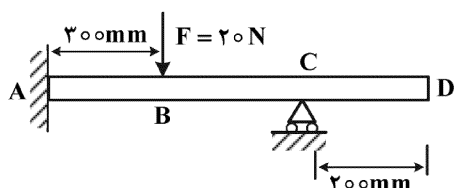
$$K = \frac{EI}{L^3} \begin{bmatrix} 12 + K_0 & 6L & -12 & 6L \\ & 4L^2 + K_L & -6L & 2L^2 \\ & -6L & 12 + \alpha_0 & -6L \\ \text{sym.} & & & 4L^2 + \alpha_L \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$K = \frac{EI}{L^3} \begin{bmatrix} 12 + \alpha_0 & 6L & -12 & 6L \\ & 4L^2 + \alpha_L & -6L & 2L^2 \\ & -6L & 12 + K_0 & -6L \\ \text{sym.} & & & 4L^2 + K_L \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$K = \frac{EI}{L^3} \begin{bmatrix} 12 + \alpha_L & 6L & -12 & 6L \\ & 4L^2 + K_L & -6L & 2L^2 \\ & -6L & 12 + \alpha_0 & -6L \\ \text{sym.} & & & 4L^2 + K_L \end{bmatrix} \quad (4)$$

۲۸- وقتی بار  $F = 20\text{ N}$  در نقطه B به تیر زیر اعمال شده باشد، شیب انتهای تیر  $\theta_D$  بوده و  $\tan \theta_D = 0.006$

است. اگر محل بار به نقطه D منتقل و مقدار آن نیز دو برابر گردد، خیز در نقطه B چند میلی‌متر است؟



$$1/2 \quad (1)$$

$$2/4 \quad (2)$$

$$0/6 \quad (3)$$

$$0/012 \quad (4)$$

۲۹- یک صفحه همسانگرد دوبعدی با مدول یانگ  $E$  و ضریب انبساط خطی  $\alpha$ ، به‌طور غیریکنواخت و تحت دمای  $T(x, y)$  گرم می‌شود. تابع تنش، پاسخ کدام معادله است؟

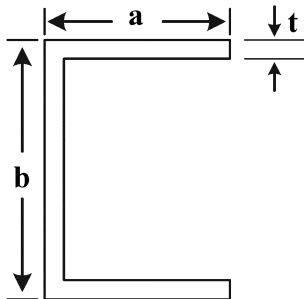
$$\nabla^2(\nabla^2\phi) = 0 \quad (1)$$

$$\nabla^2(\nabla^2\phi + E\alpha T) = 0 \quad (2)$$

$$\nabla^2(\nabla^2\phi - E\alpha T) = 0 \quad (3)$$

(۴) در این مسئله نمی‌توان معادلات حاکم همزمان را برقرار کرد.

۳۰- مقطع یک استرینگر، با ضخامت یکنواخت  $t$ ، مطابق شکل زیر است. اگر این استرینگر تحت پیچش  $T$  قرار بگیرد، نرخ پیچش آن با استفاده از فرض تیر جدار نازک کدام است؟



$$\frac{d\theta}{dz} = \frac{12T}{G(2a+b)t^3} \quad (1)$$

$$\frac{d\theta}{dz} = \frac{T}{12G(2a+b)t^3} \quad (2)$$

$$\frac{d\theta}{dz} = \frac{T}{3G(2a+b)t^3} \quad (3)$$

$$\frac{d\theta}{dz} = \frac{3T}{G(2a+b)t^3} \quad (4)$$

۳۱- اگر یک مکعب آلومینیومی با مدول یانگ  $E$ ، نسبت پواسون  $\nu$  و ضریب انبساط حرارتی  $\alpha$  که از همه طرف مقید شده است در معرض افزایش یکنواخت دما،  $\Delta T$ ، قرار گیرد، تنش هیدرواستاتیک ایجادشده در داخل مکعب، کدام است؟

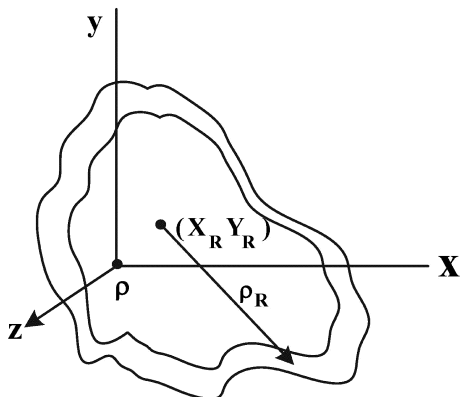
(۱) صفر

$$-\frac{E\alpha\Delta T}{1+\nu} \quad (2)$$

$$-E\alpha\Delta T \quad (3)$$

$$-\frac{E\alpha\Delta T}{1-2\nu} \quad (4)$$

۳۲- برای یک تیر جدار نازک بسته تحت بار پیچشی که در آن رابطه  $(\rho_R G t = \text{ثابت})$  برقرار است، کدام مورد درست است؟ (در این رابطه  $G$  مدول برشی،  $t$  ضخامت پوسته است.  $\rho_R$  نیز در شکل نشان داده شده است.)

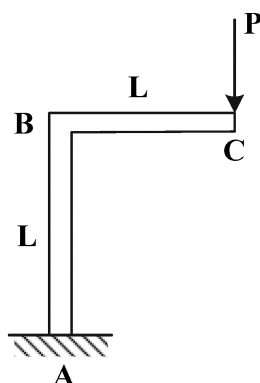


(۱) اعوجاج یا warping در مقطع تیر مشاهده نمی‌شود.

(۲) برای محاسبه جریان برش باید تیر در دو مقطع برش زده شود.

(۳) برای این نوع تیرها تحت پیچش جریان برش در پوسته ثابت است.

(۴) جریان برش وجود دارد اما در مقطع تیر در محل دورترین فاصله تا مرکز برش این جریان صفر می‌شود.



۳۳- خیز نقطه C در اثر اعمال بار P کدام است؟

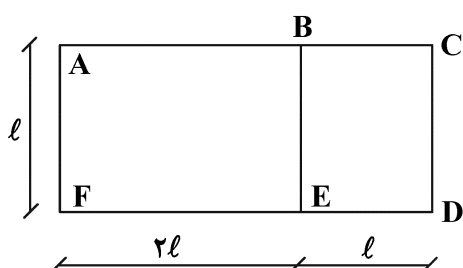
(۱) افقی:  $\frac{PL^3}{2EI}$ ، قائم:  $\frac{PL^3}{3EI}$

(۲) افقی:  $\frac{PL^3}{2EI}$ ، قائم:  $\frac{4PL^3}{3EI}$

(۳) افقی: صفر، قائم:  $\frac{PL^3}{3EI}$

(۴) افقی:  $\frac{PL^3}{2EI}$ ، قائم:  $\frac{PL^3}{3EI}$

۳۴- به مقطع جدار نازک زیر، تورک پیچشی T وارد می‌شود. میزان جریان برش (q) در جداره CD، کدام است؟



(ضخامت پوسته در همه جا برابر است.)

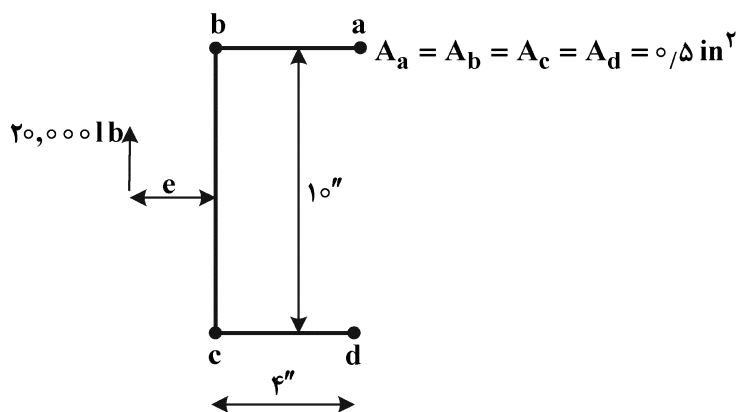
(۱)  $\frac{9T}{20l^2}$

(۲)  $\frac{9T}{52l^2}$

(۳)  $\frac{2T}{13l^2}$

(۴)  $\frac{9T}{26l^2}$

۳۵- محل مرکز برش شکل زیر (e) کدام است؟ (جریان برش مابین بوم‌ها ثابت است.)



(۱)  $3/5$ "

(۲) ۳"

(۳)  $2/5$ "

(۴) ۲"

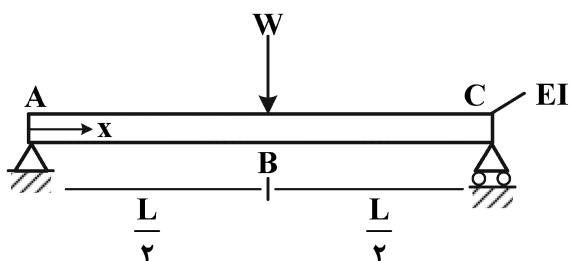
۳۶- شیب تیر ABC در نقطه A کدام است؟

(۱)  $\theta_A = \frac{WL^2}{24EI}$

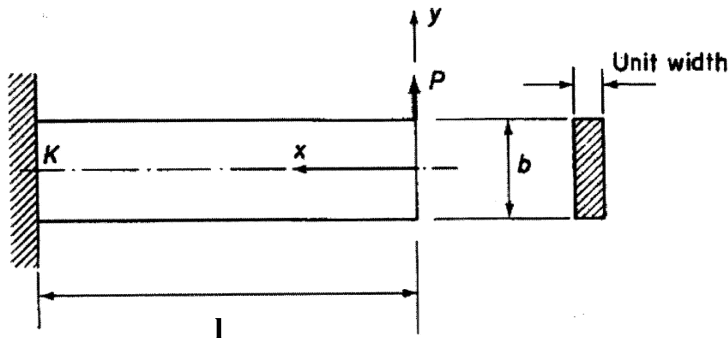
(۲)  $\theta_A = \frac{WL^2}{16EI}$

(۳)  $\theta_A = \frac{WL^2}{6EI}$

(۴)  $\theta_A = \frac{WL^2}{2EI}$



۳۷- برای تیر یکسر گیردار نشان داده شده تحت نیروی متمرکز در سر تیر از کدام یک از شرایط مرزی زیر برای به دست آوردن مجهولات تابع تنش  $\phi = Axy + \frac{Bxy}{6}$  نمی توان استفاده کرد؟



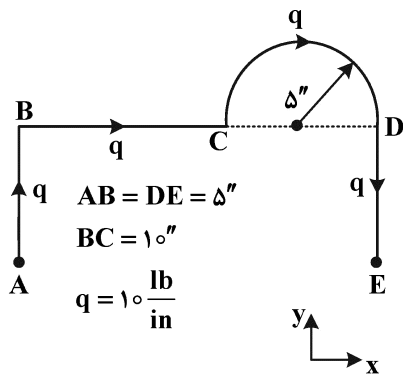
$$\int_{-b/2}^{b/2} \tau_{xy} dy = P \quad (1)$$

$$y = -\frac{b}{2} ; \tau_{xy} = 0 \quad (2)$$

$$y = \frac{b}{2} ; \tau_{xy} = 0 \quad (3)$$

$$\int_{-b/2}^{b/2} \sigma_x y dy = -Pl \quad (4)$$

۳۸- برآیند و محل نیروی حاصل از جریان برش ثابت در مقطع باز زیر به ترتیب کدام اند؟ ( $\pi = 3$ )



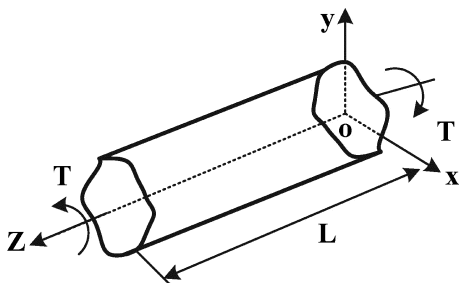
(1)  $200 lb$  و  $8.75''$  بالای نقطه B در جهت x

(2)  $400 lb$  و  $13.75''$  بالای نقطه B در جهت x

(3)  $400 lb$  و  $13.75''$  زیر نقطه A در جهت x

(4)  $200 lb$  و  $8.75''$  زیر نقطه A در جهت x

۳۹- مطابق شکل زیر اگر میله‌ای با سطح مقطع دلخواه غیردایره‌ای تحت گشتاور پیچشی در دو سر قرار گیرد، کدام یک از موارد زیر نادرست است؟



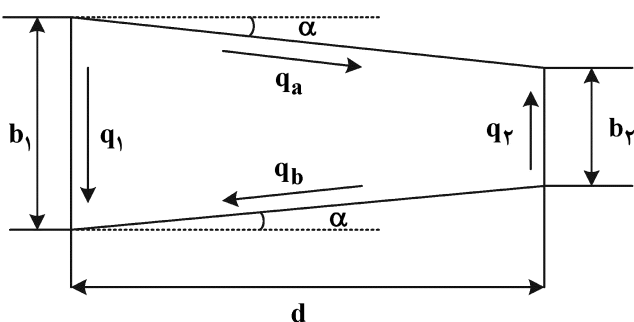
(1) در فاصله کافی از مرزها  $\tau_{yz}$  تابعی از z نیست.

(2) جابه‌جایی سطح مقطع در جهت z وجود دارد.

(3)  $\tau_{xy} \neq 0$

(4)  $\tau_{xz} \neq 0$

۴۰- در پانل شکل زیر کدام رابطه بین جریان برش دیواره‌ها نادرست است؟



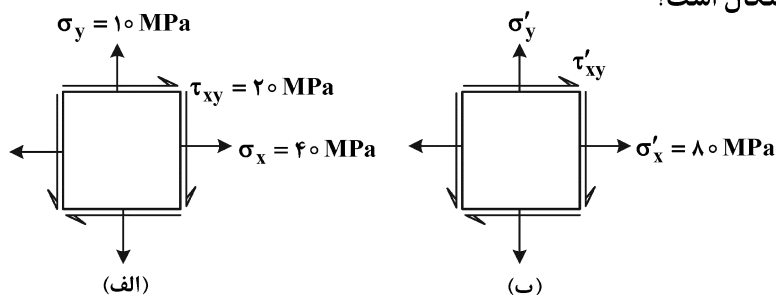
$$q_1 = \left(\frac{b_1 + b_2}{b_1}\right) q_2 \quad (1)$$

$$q_1 = q_2 \left(\frac{b_2}{b_1}\right)^2 \quad (2)$$

$$q_1 = \left(\frac{b_2}{b_1 + b_2}\right) q_2 \quad (3)$$

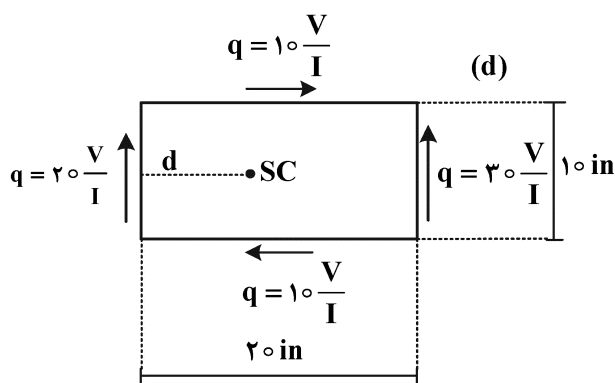
$$q_1 = \left(\frac{b_1}{b_2}\right) q_2 \quad (4)$$

- ۴۱- وضعیت تنش در المان بحرانی از یک سازه به شکل (الف) است. اگر با چرخش مختصات به اندازه  $\theta$ ، وضعیت (ب) را داشته باشیم، مقدار  $\sigma'_y$  چند مگاپاسکال است؟



- (۱) ۳۰  
(۲) ۱۰  
(۳) ۵  
(۴) ۲۰

- ۴۲- در مقطع زیر نیروی برشی  $V$  به مرکز برش وارد شده است و جریان برش ناشی از آن در مقطع جدار نازک داده شده است. محل مرکز برش مقطع چند اینچ است؟



- (۱)  $d = 7/5$   
(۲)  $d = 8$   
(۳)  $d = 8/5$   
(۴)  $d = 10$

- ۴۳- در مورد خمش در نظریه کلاسیک ورق ایزوتروپ، کدام فرض وجود ندارد؟

- (۱) ضخامت ورق ثابت است.  
(۲) لایه میانی ورق، همان تار خنثی است.  
(۳) همه مؤلفه‌های کرنش برشی صفر هستند.  
(۴) خطوط عمود بر ورق میانی، بعد از تغییر شکل عمود می‌مانند.
- ۴۴- هواپیمایی با جرم ۶۰ ton و طول ۳۰ m در حال پرواز افقی بدون شتاب است. اگر به صورت لحظه‌ای متحمل شتاب زاویه‌ای (pitch rate)  $20 \frac{\text{deg}}{\text{s}^2}$  شود. حداکثر میزان افزایش ممان خمشی اعمال شده به بدنه (برحسب کیلونیوتن‌متر) در اثر شتاب زاویه‌ای کدام است؟ (مرکز ثقل را در وسط پرنده و توزیع جرم را یکنواخت و  $\pi$  را ۳ فرض کنید).

- (۱) ۲۲۵  
(۲) ۶۲۵  
(۳) ۷۵۰  
(۴) ۱۵۰۰

- ۴۵- درباره ورقی تحت بار گسترده عرضی  $q$  کدام مورد در خصوص بارهای داخل صفحه اشتباه است؟

- (۱) در حالت ایدئال بدون بار عرضی ( $q = 0$ ) بار داخل صفحه باعث ایجاد خیز نمی‌شود.  
(۲) بار داخل صفحه فشاری، می‌تواند خیز ورق را زیاد کند.  
(۳) بار داخل صفحه کششی، خیز ورق را کمتر می‌کند.  
(۴) بار داخل صفحه برشی، اثری در خیز ورق ندارد.

